

التمرين 1: المعادلات من الدرجة الأولى

$$\begin{aligned} \frac{2}{5}(3x+4) - \frac{3}{2}(2x-1) &= 1 \cdot & 5(2x-3) - 2(3-x) &= 4x+1 \cdot & \frac{2}{3}x + 5 &= \frac{1}{4}(6x-3) \cdot \\ 2x - \frac{1}{3}(3x+2) &= 5 - \frac{1}{2}x \cdot & 2(x-1) + 3(2x+4) &= 10-x \cdot & 3(x+2) - 2(2x-5) &= 4-x \cdot \\ 3(x-2) - \frac{1}{4}(4x+3) &= 2(1-x) \cdot & 4 - \frac{1}{2}(3x-2) &= \frac{2}{3}(x+1) \cdot & \frac{1}{2}(x+3) - \frac{2}{3}(2x-1) &= 4 - \frac{3}{4}x \cdot \end{aligned}$$

التمرين 2: المعادلات من الدرجة الثانية

$$\begin{aligned} x + \sqrt{x} - 1 &= 0 \cdot & 2x^2 + \frac{1}{\sqrt{3}}x - \frac{1}{2} &= 0 \cdot & 2x^2 - \frac{1}{2}x + 3 &= 0 \cdot \\ x - 4\sqrt{x} + 4 &= 0 \cdot & \sqrt{2}x^2 - \frac{1}{\sqrt{5}}x + 3 &= 0 \cdot & 3x^2 + \frac{1}{2}x - \sqrt{2} &= 0 \cdot \\ \frac{1}{\sqrt{2}}x^4 - \frac{1}{4}x^2 + 2\sqrt{3} &= 0 \cdot & 4x^2 - \sqrt{2}x + \frac{1}{3} &= 0 \cdot & x^2 - \frac{3}{2}x + \sqrt{5} &= 0 \cdot \end{aligned}$$

التمرين 3: المتراجحات من الدرجة الأولى

$$\begin{aligned} \frac{3}{2}x - \frac{1}{3} &\leq \frac{5}{4}x + \frac{1}{2} \cdot & 5x - 2 &< 3x + 4 \cdot & 2x + 3 &> 7 \cdot \\ -2x + 1 &\geq -3x - 2 \cdot & x + 2 &> 3 - x \cdot & 3x - 4 &\leq 5 \cdot \\ 4(x-2) &< 3(2-x) \cdot & \frac{1}{2}x + \frac{3}{4} &\geq \frac{2}{3}x - \frac{5}{6} \cdot & 4x + 2x &\geq 3x - 1 \cdot \end{aligned}$$

التمرين 4: المتراجحات من الدرجة الثانية

$$\begin{aligned} \frac{x^2 - (1+\sqrt{2})x + \sqrt{2}}{x^2 - x - 2} &\geq 0 \cdot & 4x^2 - 2x + 1 &> 0 \cdot & -2x^2 + 5x - 3 &\leq 0 \cdot \\ \frac{4x^2 + 3x - 1}{(x^2 - x - 1)(x^2 - 3)} &\geq 0 \cdot & 2x^4 - 9x^2 + 4 &> 0 \cdot & -3x^2 + \sqrt{3}x - 1 &\geq 0 \cdot \\ (5x^2 - 4x + 2)(2x - 1) &< 0 \cdot & 3x^2 - 2x - 8 &< 0 \cdot \end{aligned}$$

التمرين 5: المعادلات والمتراجحات مع القيم المطلقة

$$\begin{aligned} x \in \mathbb{R} \quad |4x - 1| &\leq 5 \cdot & |2x + 3| - |2 - x| &= 3 \cdot & |x - 3| &= |2 - 3x| \cdot \\ x \in \mathbb{R} \quad |2x + 3| &> 2 \cdot & |x - 1| + |2 - 3x| - |6x - 1| &= 5 \cdot & |x^2 + 3x - 3| &= 1 \cdot \\ x \in \mathbb{R} \quad |x - 3| &\leq |3x - 1| \cdot & |x - 1| + |2 - 3x| + |6x - 1| &= 0 \cdot & |x - 1| + |2 - 3x| &= 5 \cdot \end{aligned}$$

التمرين 6: المعادلات بمتغير

حل وناقش حسب قيم المعامل m المعادلات التالية:

$$\begin{aligned} x \in \mathbb{R} \quad x^2 + m^2 - 4 &= 2x \cdot & x \in \mathbb{R} \quad m(x - m) + (m + 2)(x + 2) &= 0 \cdot \\ x \in \mathbb{R} \quad \frac{x-2}{x-m} &= m \cdot & x \in \mathbb{R} \quad x^2 + 2(m + 1)x + 3m^2 &= 0 \cdot \end{aligned}$$

التمرين 7:

لنعتبر المعادلة: $x \in \mathbb{R} \quad mx^2 + 2(m + 1)x + m - m = 0$ حيث $m \in \mathbb{R}$.

حدد قيم m بحيث $x_1 + x_2 = 2x_1x_2$ و x_1 و x_2 هما جذور المعادلة

التمرين 8:

لنكن ABC مثلث قائم في A حيث $AB = 9$ و $AC = 4$. حدد مواضع نقطتين E و D ينتميان لـ $[AB]$ و $[AC]$ على التوالي حيث $AD = BE$ ومساحة مثلث ADE تساوي مساحة المضلع $BCDE$

التمرين 9:

حديقة مستطيلة لها مساحة 80 متر مربع. محيط الحديقة هو 34 متراً. ما هي أبعاد الحديقة؟

التمرين 10:

إذا كان جسم في سقوط حر ، فإن القوة الوحيدة المؤثرة عليه هي قوة الجاذبية ، $F = mg$. حسب القانون الثاني لنيوتن أن القوة الناتجة عند الجسم هي مساوية لكتلته مضروبة في تسارعه ، لذا $F = ma$. من خلال دمج هاتين المعادلتين ، نحصل على $mg = ma$ ، مما يعطي $a = g$ ، مما يعني أن التسارع للجسم في حالة حركة حرة السقوط مساوٍ للتسارع الجاذبي g ، والذي يبلغ حوالي 9.8 م/ث^2 على سطح الأرض. للعثور على معادلة الحركة ، علينا أن نكمل التسارع مع الزمن مرتين. إذا كان الجسم في البداية على ارتفاع h_0 وكانت سرعته الابتدائية v_0 ، فإن معادلة الحركة تعطى بواسطة $y = h_0 + v_0t - \frac{1}{2}gt^2$ حيث y هو الارتفاع و t هو الزمن.

مسألة: يتم إطلاق جسم نحو الأعلى من ارتفاع يبلغ 20 متراً بسرعة ابتدائية قدرها 25 م/ث. تُعطى ارتفاع الجسم h بالنسبة لسطح الأرض بعد t ثانية بالصيغة $h(t) = -4.9t^2 + 25t + 20$. حدد الوقت الذي يكون فيه الجسم على ارتفاع أكبر من 40 متراً.