

الإحصاء الجزء 2

I- وسيطات الوضع لمتسلسلة إحصائية :

(1) المنوال :

منوال متسلسلة إحصائية هو كل قيمة مميزة أو نوع أو صنف له أكبر حصيص .

(2) المعدل الحسابي :

لتكن $(x_i; n_i)$ ، $1 \leq i \leq p$ متسلسلة إحصائية حصيصها الإجمالي N ، المعدل الحسابي لهذه المتسلسلة الإحصائية هو العدد

$$\frac{n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_px_p}{N}$$
 ونرمز له بالرمز m .

ملاحظة :

إذا كانت المتسلسلة الإحصائية معبر عنها بالأصناف فإننا نحسب معدل مراكز الأصناف .

مثال :

يعطي الجدول التالي قامات تلاميذ أحد الأقسام (بـ cm) :

القامة بـ cm	[145;155[[155;165[[165;175[[175;185[
عدد التلاميذ (الحصيص)	4	8	12	6

(1) ماهو منوال هذه المتسلسلة الإحصائية ؟

(2) أحسب المعدل الحسابي لهذه المتسلسلة الإحصائية .

II- وسيطات التشتت لمتسلسلة إحصائية :

نشاط :

يعطي الجدولان التاليان النقط التي حصل عليها 20 تلميذا في اللغتين العربية والفرنسية :

الميزة	8	10	11	12	14
الحصيص	2	4	8	4	2

الفرنسية

الميزة	5	7	11	15	17
الحصيص	4 <td>3 <td>6 <td>3 <td>4</td> </td></td></td>	3 <td>6 <td>3 <td>4</td> </td></td>	6 <td>3 <td>4</td> </td>	3 <td>4</td>	4

(1) بين أن لهاتين المتسلسلتين نفس وسيطات الوضع .

(2) مثل هاتين المتسلسلتين بمخططين بالعصي ، ماذا تلاحظ ؟

ملاحظة :

رغم أن المتسلسلتين لهما نفس وسيطات الوضع ، فإنهما مختلفتان ، ومنه نستنتج أن وسيطات الوضع غير كافية لوصف متسلسلة إحصائية وخاصة فيما يتعلق بخصيات تشتت القيم التي تأخذها الميزة ، وهذا ما يتطلب تحديد وسيطات أخرى تسمى وسيطات التشتت .

(1) الانحراف المتوسط :

لتكن $(x_i; n_i)$ ، $1 \leq i \leq p$ متسلسلة إحصائية حصيصها الإجمالي N ، ومعدلها الحسابي هو m ،

العدد $e = \frac{n_1|x_1 - m| + n_2|x_2 - m| + \dots + n_p|x_p - m|}{N}$ يسمى **الانحراف المتوسط** لهذه المتسلسلة الإحصائية .

مثال :

أحسب الانحراف المتوسط للمتسلسلتين السابقتين ، ماذا تلاحظ ؟

(2) المغايرة :

لتكن $(x_i; n_i)$ ، $1 \leq i \leq p$ متسلسلة إحصائية حصيصها الإجمالي N ، ومعدلها الحسابي هو m ،

العدد $V = \frac{n_1(x_1 - m)^2 + n_2(x_2 - m)^2 + \dots + n_p(x_p - m)^2}{N}$ يسمى **مغايرة** هذه المتسلسلة الإحصائية .

مثال :

أحسب مغايرة المتسلسلتين السابقتين ، ماذا تلاحظ ؟

(3) الانحراف الطرازي :

لتكن $(x_i; n_i)$ ، $1 \leq i \leq p$ متسلسلة إحصائية مغايرتها V ، **الانحراف الطرازي** لهذه المتسلسلة هو $\sigma = \sqrt{V}$.

مثال :

أحسب الانحراف الطرازي للمتسلسلتين السابقتين ، ماذا تلاحظ ؟