

Dans chacun des exercices suivants, tracer la courbe (C_f) dans un repère orthonormé

Exercice 1

- (C_f) admet une asymptote horizontale d'équation $y = -1$ au voisinage de $+\infty$.
- (C_f) coupe l'axe des ordonnées en $(0, 1)$ et l'axe des abscisses en $(2, 0)$.

x	-4	-2	$+\infty$
f	1	3	-1

Exercice 2

- $f(x) = 0$ admet trois solutions $-2, 1, 4$.
- (C_f) est concave sur $]-\infty; 0]$ et convexe sur $[0; +\infty[$; et le point $A(0; 1)$ est un point d'inflexion.
- (C_f) admet des branches paraboliques vers l'axe des ordonnées au voisinage de $+\infty$ et $-\infty$.

x	$-\infty$	-1	3	$+\infty$
f	$-\infty$	2	-1	$+\infty$

Exercice 3

- La droite d'équation $y = -2$ est asymptote à (C_f) au voisinage de $+\infty$.
- La droite $(\Delta) : y = -x - 2$ est une asymptote oblique à (C_f) au voisinage de $-\infty$ ((C_f) est au dessus de Δ).
- La droite d'équation $x = 0$ est une asymptote verticale à (C_f) .
- l'équation $f(x) = 0$ admet une unique solution a telle que $1 < a < 2$.

x	$-\infty$	-2	0	$+\infty$
f	$+\infty$	1	$+\infty$	-2

Exercice 4

- (C_f) admet une asymptote horizontale d'équation $y = -3$ au voisinage de $+\infty$.
- (C_f) admet une asymptote verticale en 1.
- (C_f) coupe l'axe des abscisses en deux points $A(0; 0)$ et $B(2, 0)$ selon l'image).
- (C_f) admet une branche parabolique de direction l'axe des abscisses au voisinage de $-\infty$.

x	$-\infty$	1	$+\infty$
f	$+\infty$	$+\infty$	-3