

## عناصر إجابة الفرض الثالث

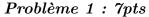
# الأولمبياد الجهوبة في الرياضيات 2026

مدة الإنجاز: ساعتان

Sujet

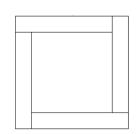
تاريخ التمرير: الجمعة 10 ماي 2024

عوظة: يُمكن للمترشح(ة) تحرير أجوبة الموضوع إما باللغة الفرنسية أو باللغة العربية، حسب اختياره(١).



Un grand carré est divisé en un petit carré entouré de quatre rectangles superposables, comme indiqué dans la figure ci-contre. Le périmètre de chacun des rectangles est de 14.

• Quelle est l'aire du grand carré?



#### Réponse:

Soit x la longueur du rectangle et y sa largeur.

- $2x + 2y = 14 \implies x + y = 7$ 2pts
- x + y est la longueur d'un côté du plus grand carré. 2pts
- L'aire du grand carré est :  $(x+y)^2 = 7^2 = 49$ 3pts

### Problème 2 : 7pts

a, b et c sont trois chiffres vérifiant la soustraction :

• Calculer la somme a + b + c

**Réponse :** De droite à qauche :

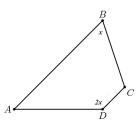
- 2-b=3 est impossible
- 12 b = 3 donne b = 9
- (a-1)-8=7 impossible
- 10 + (a 1) 8 = 7 donne a = 6
- $7-1-4=c \ donne \ c=2$
- a+b+c=6+9+2=171pt

Problème 3 : 7pts

Dans la figure ci-contre, les droites (AB) et (CD) sont parallèles tels que AD = 7cm et CD = 3cm.

la mesure de l'angle ADC est le double de celle de l'angle ABC

• Déterminer la valeur de la distance AB Justifier votre réponse.



#### Réponse:

E le point de [AB] tel que  $(DE) \parallel (BC)$ 

- $x = \angle AED = \angle EDC$
- 2pts

2pts

1pt

1pt

1pt

1pt

1pt

2pts

- $\angle ADE = \angle ADC \angle BDC$ 
  - $Donc \angle ADE = 2x x = x$

$$Donc \angle ADE = 2x - x = x$$

• △AED est isocèle en A

1pt

- AB = AE + EB
- 1pt
- AB = 7 + 3 = 10cm

1pt

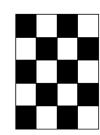
### Problème 4 : 7pts

Un jeu de changement de couleurs dans le tableau ci-contre se compose de plusieurs étapes comme suit :

A chaque étape, on choisit une ligne ou une colonne et on change toutes ses couleurs.

(La case noire devient blanche et la case blanche devient noire)

• Est-il possible d'obtenir un tableau dans lequel toutes les cases ont la même couleur en quatre étapes au maximum? Justifier votre réponse.



### Réponse:

• Étape 1

1pt

• Étape 2

2pts

• Étape 3

2pts

• Étape 4

2pts

Exemple:

$$L_2^{\textcircled{1}} \longrightarrow L_4^{\textcircled{2}} \longrightarrow C_2^{\textcircled{3}} \longrightarrow C_4^{\textcircled{4}}$$