

التمرين السادس

$$(\forall x \in \mathbb{R}) \quad | \sin x + \cos x | \leq \sqrt{2} \quad \text{أ- يبأه}$$

$$(E) : 1 + \cos^3 x + \sin^3 x = \frac{3}{2} \sin 2x \quad \text{نعتد المعادلة}$$

أ- نضع $\sin x \cos x$ أحسب $y = \sin x + \cos x$
 بـ $y^2 = \sin^2 x + \cos^2 x + 2 \sin x \cos x = 1 + 2 \sin x \cos x$

$$(E) \Leftrightarrow (y+1)(y^2 + 2y - 5) = 0 \quad \text{بـ يبأه} \quad \text{حل في } \mathbb{R} \quad \text{المعادلة (E)}$$

التمرين السابعة

$$n \quad S_n = \sum_{k=1}^{k=n} \sin\left(\frac{k\pi}{3}\right) \quad \text{نضع} \quad \text{أ- يبأه}$$

$$\sin\left(\frac{\pi}{6}\right) \sin\left(\frac{k\pi}{3}\right) = \frac{1}{2} \left[\cos\left(\frac{(2k-1)\pi}{6}\right) - \cos\left(\frac{(2k+1)\pi}{6}\right) \right] \quad \text{بـ يبأه} :$$

$$\sin\left(\frac{\pi}{6}\right) \times S_n = \frac{1}{2} \left[\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) - \cos\left(\frac{(2n+1)\pi}{6}\right) \right]$$

$$(\forall n \in \mathbb{N}^*) \quad S_n = 2 \sin\left(\frac{n\pi}{6}\right) \sin\left(\frac{(n+1)\pi}{6}\right) \quad \text{جـ استنتاج أـه}$$

التمرين الثامن

$$n \geq 2 \quad T_n = \sum_{k=0}^{k=n-1} \sin\left(\frac{k\pi}{n}\right) \quad \text{نضع} \quad \text{أ- أحسب} \quad (1)$$

$$(\forall n \geq 2) \quad T_n \cos\left(\frac{\pi}{n}\right) = T_n - \sin\left(\frac{\pi}{n}\right) \quad \text{أـ يبأه} \quad (2)$$

$$(\forall n \geq 2) \quad T_n = \frac{1}{\tan\left(\frac{\pi}{2n}\right)} \quad \text{بـ استنتاج أـه}$$

التمرين التاسع

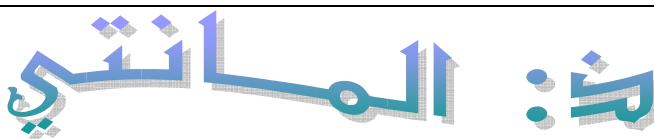
$$F(x) = \cos 3x + \cos 2x \quad \text{نضع}$$

$$F\left(\frac{\pi}{5}\right) \quad \text{أ- أحسب} \quad (1)$$

$$\cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x \quad \text{أـ يبأه} \quad (2)$$

$$F(x) = (1 + \cos x)(4 \cos^2 x - 2 \cos x - 1) \quad \text{جـ استنتاج أـه} \quad (3)$$

$$\cos \frac{\pi}{5} \quad \text{حد قيـمة} \quad (4)$$



التمرين الأول

$$A = \frac{\cos \frac{\pi}{18} - \sqrt{3} \sin \frac{\pi}{18}}{\cos \frac{\pi}{18} \sin \frac{\pi}{18}} : \quad \text{نـعـجـ}$$

$$\cos \frac{\pi}{18} - \sqrt{3} \sin \frac{\pi}{18} = 2 \cos \frac{7\pi}{18} : \quad \text{أـ يبأه} \quad (1)$$

$$\cos \frac{\pi}{18} \sin \frac{\pi}{18} = \frac{1}{2} \sin \frac{\pi}{9} : \quad \text{أـ يبأه} \quad (2)$$

استنتاج أـه

التمرين الثاني

$$\sin 2\alpha = \cos 3\alpha \quad \text{تحقـقـ أـه} \quad (1) \quad \alpha = \frac{\pi}{10} : \quad \text{نـعـجـ}$$

$$\cos 3\alpha = \cos \alpha (1 - 4 \sin^2 \alpha) \quad \text{أـ يبأه} \quad (2)$$

$$\cos \frac{\pi}{10} \quad \text{وـ} \quad \sin \frac{\pi}{10} \quad \text{استـجـعـ قـيـمةـ} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{10} \quad \text{أـ حـسـبـ} \quad \text{وـ يـبـأـه} : \quad (4)$$

$$\sin \frac{7\pi}{30} = \frac{1}{8} (\sqrt{30 + 6\sqrt{5}} + 1 - \sqrt{5})$$

التمرين الثالث

$$(E) \quad 8X^3 - 6X - 1 = 0 \quad \text{نـعـجـ فيـ} \quad \text{المعـادـلـةـ} \quad (1)$$

$$\cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x \quad \text{أـ يـبـأـه} \quad (1)$$

$$\cos 3x = \frac{1}{2} \quad \text{المعـادـلـةـ} \quad (2)$$

$$(E) \quad \text{أـ استـجـعـ حلـولـ} \quad \text{المعـادـلـةـ} \quad (2)$$

$$a = \cos \frac{\pi}{9} + \cos \frac{7\pi}{9} + \cos \frac{13\pi}{9} \quad \text{بـ حدـ قـيـمةـ} \quad \text{كـ مـ} \quad (3)$$

$$b = \cos \frac{\pi}{9} \cos \frac{7\pi}{9} \cos \frac{13\pi}{9} \quad \text{وـ} \quad (4)$$

التمرين الرابع

$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{2}}}{2} \quad \text{وـ بـحـيـثـ} \quad \text{ليـكـ} \quad \alpha \quad \text{مـجـالـ} \quad (1)$$

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{2} \quad \text{أـ يـبـأـه} \quad (1)$$

$$\cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x \quad \text{أـ يـبـأـه} \quad (2)$$

$$\cos 3\alpha = \sin \alpha \quad \text{بـ استـجـعـ أـه} \quad (3)$$

$$\alpha = \frac{\pi}{8} \quad \text{حلـ فيـ} \quad \mathbb{R} \quad \text{أـستـجـعـ أـه} \quad (3)$$

$$\cos x - (\sqrt{2 - 1}) \sin x = \sqrt{2 - \sqrt{2}} \quad \mathbb{R} \quad (4)$$

التمرين الخامس

$$\prod_{k=0}^{k=n} \cos \frac{x}{2^k} = \frac{\sin 2x}{2^{n+1} \sin \frac{x}{2^n}} \quad \text{أـ يـبـأـه} \quad (5)$$