

Exercice 1:

On considère les points $A(-1; 2)$, $B(0; -1)$ et $C(-2; 0)$, et (C) l'ensemble des points $M(x; y)$ qui vérifient: $x^2 + y^2 - 2x - 2y - 3 = 0$

1. Montrer que (C) est un cercle, en déduire son centre et son rayon.
2. Déterminer la position des points A , B et C par rapport au cercle (C) .
3. Déterminer une équation de la droite tangente au cercle (C) et passant par A .
4. Calculer $\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB}$ et déduire la nature du triangle ABC .
5. Déterminer l'intersection du cercle (C) et la droite (D') d'équation: $x - 3y - 3 = 0$.

Exercice 2:

On considère les points suivants: $A(0; 1)$, $B(\frac{1 - \sqrt{3}}{2}; \frac{1 - \sqrt{3}}{2})$, $C(1; 0)$ et $D(1; -3)$.

1. Montrer que $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 1$, $AB = \sqrt{2}$, $AC = \sqrt{2}$ et $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = -\sqrt{3}$.
2. Calculer $\cos(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ et $\sin(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$.
3. En déduire la mesure principale de l'angle orienté $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$.
4. Déterminer la nature du triangle ABC .
5. Calculer l'aire du triangle ABC .
6. Déterminer une équation cartésienne de la droite (Δ) passant par C et perpendiculaire à (DA) .
7. Montrer que la droite $(D) : y = -4x + 11$ est perpendiculaire à (Δ) .
8. Calculer la distance entre $E(22; 1)$ à la droite (Δ) .
9. Déterminer l'équation cartésienne du cercle (C_1) de représentation paramétrique
$$\begin{cases} x = 3 + \cos(\theta) & (\theta \in \mathbb{R}) \\ y = 2 + \sin(\theta) \end{cases}$$
10. Déterminer par deux méthodes l'équation cartésienne du cercle (C_2) du diamètre $[AC]$.
11. Déterminer une représentation paramétrique du cercle (C_2) .
12. Déterminer (C_3) l'ensemble des points $M(x; y)$ du plan tel que: $x^2 + y^2 - 4x - 12 = 0$.

Bonne chance

Exercice 1:

On considère les points $A(-1; 2)$, $B(0; -1)$ et $C(-2; 0)$, et (C) l'ensemble des points $M(x; y)$ qui vérifient: $x^2 + y^2 - 2x - 2y - 3 = 0$

1. Montrer que (C) est un cercle, en déduire son centre et son rayon.
2. Déterminer la position des points A , B et C par rapport au cercle (C) .
3. Déterminer une équation de la droite tangente au cercle (C) et passant par A .
4. Calculer $\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB}$ et déduire la nature du triangle ABC .
5. Déterminer l'intersection du cercle (C) et la droite (D') d'équation: $x - 3y - 3 = 0$.

Exercice 2:

On considère les points suivants: $A(0; 1)$, $B(\frac{1 - \sqrt{3}}{2}; \frac{1 - \sqrt{3}}{2})$, $C(1; 0)$ et $D(1; -3)$.

1. Montrer que $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 1$, $AB = \sqrt{2}$, $AC = \sqrt{2}$ et $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = -\sqrt{3}$.
2. Calculer $\cos(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ et $\sin(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$.
3. En déduire la mesure principale de l'angle orienté $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$.
4. Déterminer la nature du triangle ABC .
5. Calculer l'aire du triangle ABC .
6. Déterminer une équation cartésienne de la droite (Δ) passant par C et perpendiculaire à (DA) .
7. Montrer que la droite $(D) : y = -4x + 11$ est perpendiculaire à (Δ) .
8. Calculer la distance entre $E(22; 1)$ à la droite (Δ) .
9. Déterminer l'équation cartésienne du cercle (C_1) de représentation paramétrique
$$\begin{cases} x = 3 + \cos(\theta) & (\theta \in \mathbb{R}) \\ y = 2 + \sin(\theta) \end{cases}$$
10. Déterminer par deux méthodes l'équation cartésienne du cercle (C_2) du diamètre $[AC]$.
11. Déterminer une représentation paramétrique du cercle (C_2) .
12. Déterminer (C_3) l'ensemble des points $M(x; y)$ du plan tel que: $x^2 + y^2 - 4x - 12 = 0$.

Bonne chance