

Exercice 1:(10pts)

I - Soit la suite numérique (U_n) définie par
$$\begin{cases} U_1 = 1 \\ U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n \end{cases} \quad \forall n \in \mathbb{N}$$

- 1 1 - Calculer U_2, U_3
- 2 2 - Montrer que $\forall n \in \mathbb{N} \quad U_n < 2$
- 2 3 - Montrer que (U_n) est décroissante

II - Soient les suites numériques (u_n) et (v_n) définies par

$$\forall n \in \mathbb{N} \quad \begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = 5 - \frac{9}{u_n+1} \end{cases} \quad v_n = \frac{1}{u_n-2}$$

- 2 1 - Montrer que v_n est arithmétique
- 1.5 2 - Ecrire v_n en fonction de n
- 1.5 3 - Ecrire u_n en fonction de n

Exercice 2:(10pts)

Le plan est rapporté à un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) . Soient les points $A(1, 2), B(0, 5)$ et le cercle $(\mathcal{C}) : x^2 + y^2 - 2x - 3 = 0$ et la droite $(D) : x - 2y + 3 = 0$

- 2 1 - Determiner le centre et le rayon du cercle (\mathcal{C})
- 1 2 - Verifier que $A \in (\mathcal{C})$
- 2 3 - Determiner une équation cartésienne de la droite (Δ) passant par B et $\vec{n}(3, 4)$ est normal
- 1 4 - Montrer que $(D) \cap (\Delta) = \emptyset$
- 2 5 - Verifier que (D) coupe (\mathcal{C}) et determiner leurs intersections
- 2 3 - Determiner une équation cartésienne de la droite (D) tangente au cercle (\mathcal{C}) au point A